

Empfehlungen zur Kryptographie

**Geeignete Algorithmen für qualifizierte elektronische Signaturen
Kryptographische Verfahren: Empfehlungen und Schlüssellängen**

Julian Schiele
JulianSchiele@mytum.de

Sommerakademie der Studienstiftung des Deutschen Volkes
Arbeitsgruppe Applied Cryptography and Software Engineering

„ It is impossible to foresee the
consequences of being clever. “

- CHRISTOPHER STRACHEY

Übersicht

1. Einleitung
2. Hashfunktionen
3. Verschlüsselungsverfahren
4. Datenauthentisierung
5. Instanzauthentisierung
6. Schlüsseleinigungsverfahren
7. Secret Sharing
8. Zufallszahlengenerator

1 | Einleitung

Technische Richtlinie des BSI:
*Kryptographische Verfahren:
 Empfehlungen und
 Schlüssellängen* (20/06/08)

**Bundesnetzagentur für Elektrizität, Gas, Telekommunikation, Post
 und Eisenbahn:** (17/11/08)
*Bekanntmachung zur elektronischen Signatur nach dem Signaturgesetz
 und der Signaturverordnung (Übersicht über geeignete Algorithmen)*

- ➔ Bewertung + langfristige Orientierung des Sicherheitsniveaus
- ➔ Keine mathematische & patentrechtliche Betrachtung
 Genaue Spezifikationen: ISO/IEC, IEEE, NIST
- ➔ Beste Algorithmen + Leistungsfähigkeit von Rechnern
 → Prognose für kommende 7 Jahre (bis 2015)
 bei Sicherheitsniveau von 100 Bit

Beispiel

symmetrisch		asymmetrisch		
Verschlüsselung	MAC	RSA	DSA	ECDSA
100	100	2048	224/2048	200

Schlüssellängen für ein Sicherheitsniveau von mind. 100 Bit

Anforderungen

Inhalt muss vertraulich bleiben

→ **Verschlüsselung**

Eindeutig zuzuordnender Sender

Keine Manipulation auf dem Weg

→ **Authentisierung**

Vorarbeit

Hashing reduziert auf feste Bitlänge

Schlüsseleinigungsverfahren, Secret Sharing, Zufallszahlengenerator

Weitere Sicherheitsfaktoren

Stärke der Algorithmen

Konkrete Implementierung in Hard- und Software

Zuverlässige Hintergrundsysteme (z.B. Public Key Infrastruktur)

2| Hashfunktionen

Bitstring auf feste Länge reduzieren: $m \in \{0,1\}^* \rightarrow h \in \{0,1\}^n$

Bedingungen

Es ist praktisch unmöglich ...

Einweg-Eigenschaft

... für gegebenes h ein m mit $H(m)=h$ zu finden

2nd-Preimage-Eigenschaft

... für gegebenes $m \neq k$ ein k
mit $H(m)=H(k)$ zu finden $k \in \{0,1\}^*$

Kollisionsresistenz

... m und n zu finden,
so dass $m \neq k$ und $H(m)=H(k)$

Bitlänge n sollte mindestens 200 betragen. (Geburtstagsparadoxon)

Beispiel

geeignet bis Ende:	2009	2010	2015
	SHA-1*	SHA-1* + Seriennummer mit mind. 20 Bit Entropie	SHA-224 SHA-256 SHA-384 SHA-512
		RIPEND-160	SHA-1, RIPEND-160 ausschließlich zur Prüfung qualifizierter Zertifikate

Empfohlene Hashfunktionen

* zur Erzeugung qualifizierter Zertifikate, nicht jedoch anderer signierter Daten

3| Verschlüsselungsverfahren

→ Vertraulichkeit gewährleisten

Symmetrisches Verfahren

Verschlüsselungsschlüssel
= Entschlüsselungsschlüssel



Asymmetrisches Verfahren

Öffentlicher Schlüssel
≠ geheimer Schlüssel

3.1 | Symmetrische Verschlüsselungsverfahren

a) Blockchiffren

Klartext fester Bitlänge
(= *Blockgröße*)

Schlüssel



Chiffretext gleicher Länge

→ Blockgröße sollte mindestens 128 Bit betragen

Beispiel

AES-128, AES-192, AES-256

SERPENT-128, SERPENT-192, SERPENT-256

Twofish-128, Twofish-192, Twofish-256

Empfohlene Blockchiffren

Bei längeren Klartexten → *Betriebsarten*

Partitionierung: Text in Blöcke aufteilen

Padding: ggf. letzten Block auffüllen

Beispiel

ISO-Padding

ESP-Padding

Empfohlene Paddingverfahren



ECB (Elektronic Code Book)
selber Schlüssel für jeden Block
→ Informationen über die Struktur

Von weiterem Wert abhängig:
(z.B. vorheriger Chiffreblock, Counter etc)

Bedingungen an Initialvektoren...

Beispiel

CBC (Cipher-Block Chaining)

nur unvorhersagbare Initialvektoren zu verwenden

GCM (Galois-Counter-Mode)

Zählerstände dürfen sich bei geheimem Schlüssel nicht wiederholen

CTR (Counter Mode)

Zählerstände dürfen sich bei gleichem Schlüssel nicht wiederholen

Empfohlene Betriebsarten für Blockchiffren

b) Stromchiffren

Schlüssel + Initialisierungsvektor



Schlüsselstrom

→ diesen auf Klartext Modulo 2 addieren

→ keine Stromchiffren empfehlenswert

3.2| Asymmetrische Verschlüsselungsverfahren

→ in der Praxis: zur Übertragung des symmetrischen Schlüssels

Anforderungen

Klartext darf nicht aus Chiffretext rekonstruierbar sein

Geheimer darf nicht aus öffentlichem Schlüssel konstruierbar sein

Zur Zuordnung: Public Key Infrastruktur

Algorithmen

Generierung von Schlüsselpaaren

Verschlüsselung & Entschlüsselung

Beispiel

RSA

DLIES

ECIES

Empfohlene asymmetrische
Verschlüsselungsverfahren

a) RSA

→ 1977 von Ronald **R**ivest, Adi **S**hamir und Leonard **A**dleman entwickelt

Grundlage

Faktorisierungsproblem ganzer Zahlen

Schlüsselgenerierung

1. Primzahlen p und q wählen mit: $0,1 < |ld p - ld q| < 30$
2. Öffentlichen Exponenten e wählen mit: $ggT(e, (p-1) \cdot (q-1)) = 1$
und: $2^{16} + 1 \leq e \leq 2^{1824} - 1$
3. Geheimen Exponenten d berechnen: $e \cdot d = 1 \text{ mod } kgV(p-1, q-1)$

Modulus $n = p \cdot q$



öffentlicher Schlüssel (n, e)

geheimer Schlüssel d

Schlüssellänge

Länge des Modulus n : mind. 2048 Bit

- zuerst e wählen, dann d → keine kleinen geheimen Exponenten
- geeignete Primzahltests verwenden
- p und q geheim halten
- vor Verschlüsselung: Klartext auf Bitlänge des Modulus formatieren

b) DLIES

→ Discrete Logarithm Integrated Encryption Scheme

Grundlage

Diskretes Logarithmenproblem in Körpern F_p mit Primordnung p

Schlüsselgenerierung

1. Primzahlen p wählen
2. Erzeuger g aus F_p^* wählen
3. $A := g^a$ bestimmen mit zufälliger Zahl $a \in \{1, \dots, p-2\}$



öffentlicher Schlüssel (p, g, A)

geheimer Schlüssel a

Schlüssellänge

Länge der Primzahl p : mind. 2048 Bit

c) ECIES

→ Elliptic Curve Integrated Encryption Scheme

Grundlage

Diskretes Logarithmenproblem auf elliptischen Kurven

Schlüsselgenerierung

1. EC-Systemparameter (p, a, b, P, q, i) erzeugen
2. d zufällig und gleichverteilt in $\{1, \dots, q-1\}$ wählen
3. $G := d \cdot P$



öffentlicher Schlüssel (p, a, b, P, q, i) mit G
geheimer Schlüssel d

Schlüssellänge

Ordnung q des Basispunktes P : $q \geq 2^{224}$

4| Datenauthentisierung

→ Garantie, dass Daten nicht verändert wurden

Funktionsweise

Beweisender berechnet mit Schlüssel die Prüfsumme der Daten

Prüfer vergleicht empfangene mit zu erwartender Prüfsumme

Varianten

Symmetrisches Verfahren:
Selber Schlüssel



Asymmetrisches Verfahren:
Beweisender: geheimer Schlüssel
Prüfer: öffentlicher Schlüssel



MAC (Message Authentication Codes)



Signaturverfahren



4.1 | Signaturverfahren

Vorgehen

- **Hashing** der Daten
- Mit geheimem Schlüssel **Signatur** des Hashwertes berechnen
- Prüfer verifiziert die Prüfsumme mit öffentlichem Schlüssel

Algorithmen

Generierung von Schlüsselpaaren

Hashfunktion

Signier- & Verifizieralgorithmus

Beispiel

RSA

DSA

DSA-Varianten

Merkle-Signaturen

Empfohlene Signaturverfahren

a) RSA-Signieralgorithmus

→ Grundlage und Vorgehensweise wie bei RSA-Verschlüsselungsalgorithmus

Allgemeiner Hinweis

Ein kryptographisches Verfahren kann häufig für verschiedene Anwendungen eingesetzt werden:

→ ABER dann müssen für unterschiedliche Anwendungen jeweils verschiedene Schlüssel benutzt werden !

Beispiel

Bis Ende	2008	2009	2010	2015
mindestens	1280	1536	1728	1976
empfohlen	2048	2048	2048	2048

Empfohlene Schlüssellängen für Modul n

b) DSA

→ Digital Signature Algorithm

GrundlageDiskretes Logarithmenproblem in Körpern F_p mit Primordnung p **Schlüsselgenerierung**

1. Primzahlen p und q wählen, so dass: q teilt $(p-1)$
2. Berechne g mit beliebigem $x \in F_p$: $g := x^{(p-1):q} \bmod p$
3. Wenn $g=1$ → wiederhole 2.
4. Berechne A mit $a \in \{1, \dots, q-1\}$: $A := g^a$

**Öffentlicher Schlüssel** (p, q, g, A)**Geheimer Schlüssel** a **Beispiel**

Bis Ende		2008	2009	2015
p	mindestens	1280	1536	
	empfohlen	2048	2048	2048
q		160	160	224

Empfohlene Schlüssellängen für p und q

c) DSA-Varianten

Grundlage

Diskretes Logarithmusproblem in elliptischen Kurven

Gruppe $E(F_p)$

Elliptische Kurve E und Punkt P auf $E(F_p)$ erzeugen, so dass:

$$\text{ord}(P) = q \text{ mit Primzahl } q \neq p$$

$$r_0 := \min(r : q \text{ teilt } p-1) \text{ mit } r_0 > 10^4$$

Gruppe $E(F_{2^n})$

Elliptische Kurve E und Punkt P auf $E(F_{2^n})$ erzeugen, so dass:

Primzahl m

$E(F_{2^n})$ ist nicht über F_2 definierbar

$$\text{ord}(P) = q \text{ mit Primzahl } q$$

$$r_0 := \min(r : q \text{ teilt } 2^{nr}-1) \text{ mit } r_0 > 10^4$$

d) Merkle Signaturen

→ beruht nicht auf der Schwierigkeit eines mathematischen Problems,
sondern auf der Stärke einer Hashfunktion

5| Instanzenauthentisierung

→ Beweisender weist den **Besitz eines Geheimnisses** nach

Symmetrisches Verfahren:
Geheimnis = Schlüssel

→ vorheriger Austausch



Asymmetrisches Verfahren:
Geheimnis = geheimer Schlüssel

→ PKI nötig



Passwortbasiertes Verfahren:
Geheimnis = PIN

→ z.B. für Freischaltung
von Chipkarten

5.1 | Symmetrische Instanzauthentisierung

Vorgehen

Challenge-Response-Verfahren

Beweisender		Prüfer
		Wähle Zufallswert r
	← (Challenge)	
Berechne Prüfsumme von r		
	→ (Response)	
		Verifiziere Prüfsumme

→ Verschlüsselungsverfahren + MAC-Verfahren

5.2| Asymmetrische Instanzenauthentisierung

→ Challenge-Response-Verfahren

Beweisender		Prüfer
		Wähle Zufallswert r
	← (Challenge)	
Berechne Prüfsumme von r mit geheimem Schlüssel		
	→ (Response)	
		Verifiziere Prüfsumme mit öffentlichem Schlüssel

5.3| Passwortbasierte Instanzenauthentisierung

Passwörter sind meist kurz

→ Anzahl der Zugriffsversuche begrenzen

Nebenbedingungen

Passwort mit mindestens 6 Ziffern [*Entropie hat $\log_{10}(10^6)$ Bit*]

Maximal 3 Zugriffsversuche

Kontaktbehaftete Chipkarten

Ungesicherter Übertrag der PIN von Kartenleser zur Chipkarte

→ zertifizierten Kartenleser benutzen

Kontaktlose Chipkarten

Kein ungesicherter Übertrag möglich

→ zusätzlicher Schutz nötig

**z.B. PACE (Password Authenticated Connection Establishment):
Zusätzliches Schlüsseleinigungsverfahren**

6| Schlüsseinigerungsverfahren

- Austausch eines Schlüssels über unsicheren Kanal
- mit Instanzauthentisierung kombinieren

Alle empfohlenen symmetrischen Verschlüsselungsverfahren

Alle empfohlenen asymmetrischen Verschlüsselungsverfahren sowie:

	Diffie-Hellman	EC Diffie-Hellman
Grundlage	Diskrete Logarithmenproblem in F_p	Diskrete Logarithmenproblem in elliptischen Kurven
Systemparameter	Primzahl p , Erzeuger g aus F_p^*	EC-Systemparameter (p,a,b,P,q,i)
Ablauf	A sendet g^x an B mit $x \in \{1, \dots, p-1\}$ B sendet g^y an A mit $y \in \{1, \dots, p-1\}$ A berechnet $(g^y)^x = g^{xy}$ B berechnet $(g^x)^y = g^{xy}$	A sendet xP an B mit $x \in \{1, \dots, p-1\}$ B sendet yP an A mit $y \in \{1, \dots, p-1\}$ A berechnet $x(yP) = xyP$ B berechnet $y(xP) = xyP$
Schlüssellänge	p mind. 2048 Bit	q mind. 224 Bit

- Die Systemparameter vorher **authentisch** austauschen

7| Secret Sharing

→ Shamir Secret-Sharing-Verfahren

Speichern von Schlüsseln → Kopien anlegen → gefährdet Geheimnis



→ Schlüssel K in n Teilgeheimnisse aufteilen, so dass:

$t \leq n$ Teilgeheimnisse: Rekonstruktion von K

$t - 1$ Teilgeheimnisse: keine Information über K

Weitere Anwendung: t -aus- n -Augenprinzip

8| Zufallszahlengenerator

→ Entropie (= Unvorhersagbarkeit) in Bit

Physikalische Zufallszahlengeneratoren

Physikalische Rauschquellen:
elektromagnetische, elektromechanische, quantenmechanische Effekte

Deterministische Nachbearbeitung

→ P2-Generator mit Stärke der Mechanismen HOCH

Bedingungen

Stochastisches Modell

Entropiezuwachs oberhalb Schranke

Regelmäßige statistische Tests

Fehler → Stilllegen der Rauschquelle

8| Zufallszahlengenerator

Deterministische Zufallszahlengeneratoren

→ Pseudozufallszahlengeneratoren

Zufallswert (Seed) → pseudozufällige Bitfolge

Innerer Zustand: mit Seed initialisiert, erneuert → Zufallszahl

→ K4-Generator mit Stärke der Mechanismen HOCH

Bedingungen

Es ist praktisch unmöglich ...

Zufallszahlenfolge → Vorgänger, Nachfolger der Teilfolge & innere Zustand

Innerer Zustand → Vorgänger der Teilfolge, Vorgängerzustand

Seedgenerierung

Physikalischer Zufallszahlengenerator

GNU / Linux: `/dev/random` (in Kernelversion 2.6.21.5)

Windows: `ReadTimeStampCounter()` & `KeQuerySystemTime()`

Fragen ?

Falls nun nach der Sommerakademie noch Fragen zu diesem Thema auftauchen sollten, könnt Ihr euch gerne an mich wenden:

JulianSchiele@mytum.de

Oder eben selbst in den entsprechenden papers nachlesen:

Technische Richtlinie des BSI:

Kryptographische Verfahren: Empfehlungen und Schlüssellängen
(20/06/08)

Bundesnetzagentur für Elektrizität, Gas, Telekommunikation, Post und Eisenbahn: (17/11/08)

Bekanntmachung zur elektronischen Signatur nach dem Signaturgesetz und der Signaturverordnung (Übersicht über geeignete Algorithmen)